

Chemické výpočty (ze vzorců, roztoky, z chemických rovnic)

A/ Výpočty z chemických vzorců

a) výpočet procentového zastoupení složky (prvku, sloučeniny) v látce

Obecně předpokládáme, že složení látky je dánou vzorcem $(A_xB_yC_z)_n$, kde A, B, Cjsou složky (prvky, sloučeniny),
 x, y, z jsou koeficienty, označující počet atomů (molekul) složek A, B, C,
 n je počet jednoduchých molekul $(A_xB_yC_z)$ v látce $(A_xB_yC_z)_n$ (v makromolekule);
 $n = 1, 2, 3, \dots, n$.

Procentové zastoupení složky v látce $p_{\text{slož.}}$ udáváme v % a určíme podle vztahu :

$$p_{\text{slož.}} = w_{\text{slož.}} \cdot 100 = \frac{k \cdot A_r(\text{slož.})}{M_r(\text{slouč.})} \cdot 100 ; \quad p_A = w_A \cdot 100 = \frac{x \cdot A_r(A)}{M_r(A_xB_yC_z)} \cdot 100 (\%)$$

kde w_A ...je tzv. hmotnostní zlomek složky A,

$A_r(A)$...je atomová relativní hmotnost složky A,

$M_r(A_xB_yC_z)$ je molekulová relativní hmotnost látky $(A_xB_yC_z)$

k je obecně počet atomů (molekul) složek v molekule látky, tj. pro jednotlivé složky
 $k = x, y, z$.

Poznámka: Je-li složkou sloučenina, nahradíme A_r molekulovou relativní hmotností složky M_r .

Obdobně můžeme vypočítat p_B a p_C (poznámka: w počítáme obvykle na 4 desetinná místa, p na 2 deset. místa). Součet všech p je roven 100 %.

b) výpočet hmotnostního zastoupení složky (prvku, sloučeniny) v daném množství látky.

Pro výpočet $m_{\text{slož.}}$ vycházíme z obecného vztahu :

$$m_{\text{slož.}} = w_{\text{slož.}} \cdot m_{\text{slouč.}} = \frac{x \cdot A_r(\text{slož.})}{M_r(\text{slouč.})} \cdot m(\text{slouč.})$$

Pro výpočet hmotnosti složky A - m_A – pak máme:

$$w_A = \frac{x \cdot A_r(A)}{M_r(A_xB_yC_z)} = \frac{m_A}{m(A_xB_yC_z)} ; \text{ odtud}$$

$$m_A = w_A \cdot m(A_xB_yC_z) = \frac{x \cdot A_r(A)}{M_r(A_xB_yC_z)} \cdot m(A_xB_yC_z)$$

kde w_A je hmotnostní zlomek složky A v látce $A_xB_yC_z$,

m_A je hmotnost složky A

$m(A_xB_yC_z)$ je hmotnost látky $A_xB_yC_z$

B/ Určení empirického a molekulového (sumárního) vzorce látky (sloučeniny).

Empirický vzorec – udává nejjednodušší poměr atomů prvků ve sloučenině, např. P_2O_5 , CH_2O , NO_2 , HPO_3 apod.

Molekulový (sumární) vzorec – udává celkový počet atomů jednotlivých prvků v molekule sloučeniny, např. $P_4O_{10} \equiv (P_2O_5)_2$, $C_2H_4O_2 \equiv (CH_2O)_2$, tj. kyselina octová CH_3COOH nebo $C_6H_{12}O_6 \equiv (CH_2O)_6$, tj. glukóza nebo fruktóza $C_6H_{12}O_6$, N_2O_4 neboli $(NO_2)_2$, $H_3P_3O_9 \equiv (HPO_3)_3$ nebo $H_4P_4O_{12} \equiv (HPO_3)_4$.

a) určení empirického vzorce $A_xB_yC_z$

počítáme podle vztahu

$$\boxed{\frac{\mathbf{x} : \mathbf{y} : \mathbf{z}}{\mathbf{A}_r(\mathbf{A})} : \frac{\mathbf{w}_A}{\mathbf{A}_r(\mathbf{B})} : \frac{\mathbf{w}_C}{\mathbf{A}_r(\mathbf{C})}}$$

Poznámka: hodnoty $w_{\text{slož.}}$ lze nahradit hodnotami $p_{\text{slož.}}$ nebo $m_{\text{slož.}}$.

Po dosazení za w a A_r vypočítáme hodnoty zlomků (s přesnosti na 4 des. místa) a jejich poměr upravíme (zpravidla vydelením nejmenším z čísel) na poměr malých a celých čísel. Takto zjištěna odpovídající čísla dosadíme do vzorce $A_xB_yC_z$. Získaný vzorec je vzorec empirický.

b) určení molekulového vzorce $(A_xB_yC_z)_n$

je v zásadě zaměřeno na určení čísla n , což je násobek empirického vzorce ve vzorci molekulovém. Je-li $n = 1$, je vzorec empirický totožný se vzorcem molekulovým.

Obecně číslo n vypočítáme jako podíl molekulové relativní hmotnosti látky (sloučeniny) $M_r(A_xB_yC_z)_n$, kterou zjistíme experimentálně (např. ze stavové rovnice, kryoskopickou nebo ebulioskopickou metodou), a molekulové relativní hmotnosti $M_r(A_xB_yC_z)$ empirického vzorce.

$$\boxed{n = \frac{M_r(A_xB_yC_z)_n}{M_r(A_xB_yC_z)}}$$

Získanou hodnotou n vynásobíme koeficienty x , y , z v empirickém vzorci $A_xB_yC_z$ (viz odstavec a)).

Příklady na:

A. Výpočet procentového zastoupení složky (prvku, sloučeniny) v látce.

Příklad 1. Látka má sumární vzorec $C_6H_{12}O_6$. Jaké je procentové zastoupení prvků ve sloučenině ?

$$M_r(C_6H_{12}O_6) = 180.$$

Řešení :

Z tabulek zjistíme A_r jednotlivých prvků a určíme jejich hmotnostní zlomky w_C , w_H a w_O .

$$w_C = \frac{6 \cdot 12,01}{180,00} = 0,4003; \quad w_H = \frac{12 \cdot 1,001}{180,00} = 0,0667; \quad w_O = \frac{6 \cdot 15,994}{180,00} = 0,5331$$

$$\text{Pak } p_C = w_C \cdot 100 = 40,03 \%, \quad p_H = w_H \cdot 100 = 6,67 \%, \quad p_O = w_O \cdot 100 = 53,31 \%$$

Odpověď: Látka obsahuje 40,03 % uhlíku, 6,67 % vodiku a 53,31 % kyslíku.

Příklad 2. Vyjádřete procentové zastoupení vody a čistého síranu měďnatého v modré skalici $CuSO_4 \cdot 5 H_2O$. $M_r(CuSO_4 \cdot 5 H_2O) = 249,68$; $M_r(H_2O) = 18,016$; $M_r(CuSO_4) = 159,60$;

Řešení :

Vypočítáme $w(CuSO_4)$ a $w(H_2O)$

$$w(CuSO_4) = \frac{M_r(CuSO_4)}{M_r(CuSO_4 \cdot 5 H_2O)} = \frac{159,60}{249,68} = 0,6392; \quad p(CuSO_4) = 63,92 \%$$

$$w(H_2O) = \frac{5 \cdot M_r(H_2O)}{M_r(CuSO_4 \cdot 5 H_2O)} = \frac{5 \cdot 18,016}{249,68} = 0,3609; \quad p(H_2O) = 36,09 \%$$

Odpověď: Modrá skalice je tvořena 36,09 % vody a 63,92 % síranu měďnatého.

Příklad 3. Vypočítejte procentový obsah prvků v organické sloučenině, jestliže při spalování 0,253 g této látky vzniklo 0,242 g oxidu uhličitého a 0,099 g vody ?

Výpočet : vypočítáme hmotnost uhlíku a vodíku v uvedeném množství vzorku organické látky a přepočítáme na procenta vzhledem k hmotnosti vzorku.

$$m_C / 0,242 = M_r C / M_r(CO_2) ; \quad m_C = \frac{12}{44} \cdot 0,242 = 0,066 \text{ g} ; \quad p_C = \frac{m_C}{0,253} \cdot 100 = 26,09 \%$$

$$m_H = \frac{2 \cdot A_a(H)}{M_r(H_2O)} \cdot m(H_2O) ; \quad m_H = \frac{2 \cdot 1,007}{8,016} \cdot 0,099 = 0,0111 \text{ g} ; \quad p_H = \frac{m_H}{0,253} \cdot 100 = 4,39 \%$$

Procentový obsah kyslíku je dán rozdílem do 100 %. Tedy $p_O = 100 - 30,48 = 69,52 \%$

Odpověď: Organická sloučenina obsahuje 26,09 % uhlíku, 69,52 % kyslíku a 4,39 % vodíku.

B. Výpočet empirického a molekulového vzorce sloučeniny

Příklad 1. Určete empirický a molekulový vzorec organické sloučeniny, která obsahuje 26,09 % uhlíku, 4,39 % vodíku a zbytek připadá na kyslík. M_r sledované sloučeniny je 46.

Výpočet: obecný vzorec sloučeniny je $(C_xH_yO_z)_n$

$$x : y : z = \frac{p_C}{A_{rC}} : \frac{p_H}{A_{rH}} : \frac{p_O}{A_{rO}} = \frac{26,09}{12} : \frac{4,39}{1,007} : \frac{69,52}{16}$$

$$x : y : z = 2,1742 : 4,3595 : 4,3450$$

$$x : y : z = 1 : 2 : 2$$

Odpověď: Empirický vzorec látky je $C_1H_2O_2$.

Molekulový vzorec zjistíme, když určíme n; $n = \frac{M_r(C_xH_yO_z)_n}{M_r(C_xH_yO_z)} = \frac{46}{46} = 1$. Odtud plyne,

že empirický vzorec je totožný se vzorcem molekulovým. Jedná se pravděpodobně o kys. mravenčí.

Příklady k procvičení.

- Určete hmotnostní zlomky pro prvky obsažené v kyselině sírové, dusičné, chlorovodíkové.
- Která z uvedených rud železa obsahuje nejvíce železa – siderit (ocelek), krevel, limonit, magnetit ?
- Kolik procent vody obsahuje podvojný síran železnatoamonné, jedná-li se o hexahydrtát ?
- Kolik gramů mědi je obsaženo v 100 gramech a) čistého oxidu měďnatého, b) oxidu měďnatého, obsahujícího 5 % nečistot ?
- Vypočítejte, jakému množství bezvodého síranu měďnatého odpovídá 50 g jeho pentahydruatu.
- Kolik kg hliníku se dá teoreticky získat z 1 tuny čitého oxidu hlinitého ?
- Určete empirický a molekulový vzorec sloučeniny, v níž je 82,80 % uhlíku a 17, 20 % vodíku. ($M = 58,12 \text{ g.mol}^{-1}$).
- Minerál kaolinit má podle analýzy složení: 39,50 % Al_2O_3 , 46,52 % SiO_2 a 13,95 % vody. Jaký je jeho empirický vzorec ?
- Úplným spálením 0,2036 g organické látky, obsahující pouze uhlík, vodík a kyslík, bylo získáno 0,3895 g CO_2 a 0,2390 g H_2O . Vypočítejte empirický a molekulový vzorec sloučeniny ($M = 46,07 \text{ g.mol}^{-1}$) a uveďte možnou konkrétní sloučeninu.
- Vyjádřete složení křemičitanu hořčnatého $MgSiO_3$ v procentech kysličníků.

C/ Roztoky

Pod pojmem roztoky budeme pro jednoduchost považovat tzv. *homogenní (stejnorodé)* čili *pravé roztoky*, které ve všech svých částech mají stejné vlastnosti. Velikost jejich častic je menší než 10^{-9} m a jednotlivé složky nelze zjistit pouhým pohledem ani mikroskopem (např. vzduch, vodné roztoky kyselin, hydroxidů nebo solí, přírodní voda apod.). Částice látek tvořících roztok (atomy, molekuly, ionty) jsou dokonale rozptýleny a vzájemně mezi sebou nereagují.

Roztoky dělíme podle vlastností rozpouštěné látky na:

- roztoky neelektrolytů* – molekuly rozpustné látky se neštěpí, přecházejí do roztoku jako celek, roztoky nevedou elektrický proud, např. roztok jodu v CCl_4 nebo cukr ve vodě,
- roztoky elektrolytů* – molekuly rozpustné sloučeniny se rozpouštědlem štěpí na ionty, proto vzniklý roztok je elektricky vodivý, např. roztok NaCl ve vodě, roztoky kyselin ve vodě apod.

Z hlediska skupenství je můžeme dělit na roztoky:

- plynné* (plyn v plynu), např. vzduch, svítiplyn;
- kapalné* (kapalina v kapalině, plyn v kapalině, pevná látka v kapalině), např. etanol ve vodě, vzduch ve vodě, jod v lihu;
- pevné* (plyn nebo pevná látka v pevné látce), např. vodík v platině, slitiny kovů.

V praxi jsou nejčastější roztoky kapalné, zejména roztoky vodné.

V roztocích rozlišujeme **složky** roztoku. Jsou to **rozpouštědlo** (je obvykle v nadbytku) a **rozpuštěná látka**. Nejčastějším rozpouštědlem je voda, často jím může být rovněž např. benzín, aceton, ethanol, kys. octová apod.

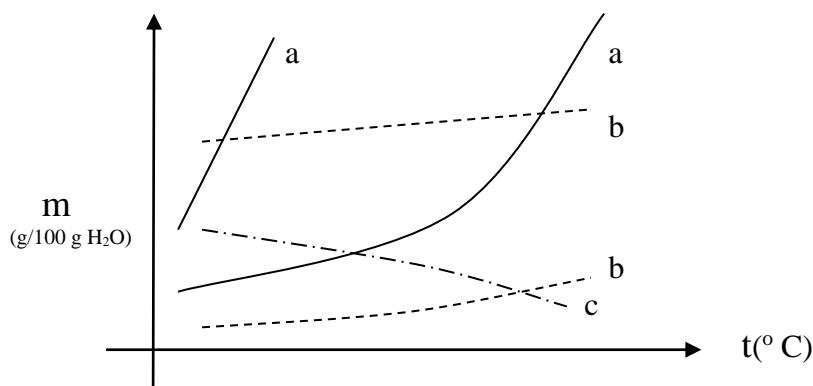
Pro charakteristiku roztoků jsou důležité tyto pojmy:

a) rozpustnost látek

Roztoky bývají **nasycené** tj. další množství látky se již v roztoku nerozpouští, a **nenasycené**, v nichž lze ještě rozpustit další množství látky. Nasycenosť roztoku je funkcí teploty, příp. tlaku (u plynů) a je vyjádřena veličinou, která se nazývá **rozpustnost**.

Rozpustnost látky v rozpouštědle udává hmotnost dané látky (v gramech), která se rozpustí při dané teplotě ve 100 gramech rozpouštědla (g/100g rozp.) na nasycený roztok nebo **udává hmotnost dané látky (v gramech), která je obsažena ve 100 gramech nasyceného roztoku (g/100 g nasyc. roztoku)**. Oba typy rozpustnosti lze nalézt v tabulkách, lze je vzájemně přepočítat.

Závislost rozpustnosti na teplotě je pro různé látky rozdílná. Pro většinu látek s rostoucí teplotou značně stoupá (křivka a), např. KNO_3 , KClO_3 , AgNO_3 apod. U některých látek je vzestup jen velmi pozvolný (křivka b), např. u NaCl při zvýšení teploty z 20°C na 100°C stoupne rozpustnost pouze o 3 gramy. Pro některé látky (křivka c), např. $\text{Ca}(\text{OH})_2$, $\text{CaSO}_4 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$, Li_2SO_4 nebo CaCrO_4 rozpustnost s rostoucí teplotou klesá. Grafickým vyjádřením výše uvedené závislosti jsou tzv. *křivky rozpustnosti*. Schématicky jsou zaznamenány níže na obrázku: (viz také Dodatek: Fázové rovnováhy, soustavy II.řádu, poznámka 2).



Příklad 1. Rozpustnost chloridu draselného KCl je při 20°C 34g na 100g vody. Vyjádřete rozpustnost uvedené sloučeniny v g na 100 g nasyceného roztoku.

Výpočet: Hmotnost vzniklého nasyceného roztoku je (34g KCl + 100g vody), tj. 134g roztoku

Ve 134 g nas. roztoku je 34 g KCl

Ve 100 g nas. roztoku je m g KCl

$$m = 100/134 \times 34 = 25,37 \text{ g KCl}$$

Odpověď : Ve 100 g nasyceného roztoku je 25,37 g KCl

Příklad 2. Rozpustnost dusičnanu stříbrného AgNO₃ je při 20°C 219 g ve 100 g vody a při 100 °C 1024 g ve 100 g vody. Kolik gramů AgNO₃ se vyloučí při ochlazení 200 g nasyceného roztoku z teploty 100 °C na 20°C ?

Výpočet: úměrou zjistíme, že

- je-li **při 20°C** je ve **(219 + 100)** g nas. roztoku obsaženo **219 g** AgNO₃, je ve **200 g** nas. roztoku obsaženo **137,30 g** AgNO₃ (m_{20}). Podobně pro 100°C zjistíme, že
- je-li **při 100°C** je ve **(1024 + 100)** g nas. roztoku obsaženo **1024 g** AgNO₃, je ve **200 g** nas. roztoku obsaženo **182,2 g** AgNO₃ (m_{100}).

Při ochlazení 200 g nasyc. roztoku z 100°C na 20°C se vyloučí

$$m(\text{AgNO}_3) = m_{100} - m_{20} = 182,2 - 137,3 = 44,91 \text{ g AgNO}_3$$

Odpověď: Vyloučí se 44,91 g dusičnanu stříbrného AgNO₃

b) koncentrace roztoků

- hmotnostní procentová koncentrace – p (v hmotnostních %)
- objemová procentová koncentrace – p_{obj} (v objemových %)
- látková koncentrace (molární koncentrace neboli molarita roztoku) – c (v mol/dm³)

Hmotnostní procentová koncentrace

- **udává hmotnost složky ve 100g roztoku dané koncentrace.**

Např. je-li p = 30 %, znamená to, že ve 100g tohoto roztoku je rozpuštěno 30g čisté složky.

Hmotnostní procentová koncentrace se vypočítá podle vztahu

$$p = \frac{m_{\text{slož.}} / m_{\text{roztoku}} \times 100}{m_{\text{roztoku}}} = \frac{m_{\text{slož.}}}{m_{\text{roztoku}}} \cdot 100 = w \cdot 100,$$

kde **m_{slož.}** je hmotnost složky, **m_{roztoku}** je hmotnost roztoku, **w** je hmotnostní zlomek

Objemová procentová koncentrace

- **udává objem složky ve 100ml roztoku dané koncentrace.**

Např. je-li p = 30 obj.%, znamená to, že ve 100ml tohoto roztoku je rozpuštěno 30 ml čisté složky.

Hmotnostní procentová koncentrace se vypočítá podle vztahu

$$p = \frac{V_{\text{slož.}} / V_{\text{roztoku}} \times 100}{V_{\text{roztoku}}} = \frac{V_{\text{slož.}}}{V_{\text{roztoku}}} \cdot 100 = \varphi \cdot 100,$$

kde **V_{slož.}** je objem složky, **V_{roztoku}** je objem roztoku, **φ** je objemový zlomek.

Látková koncentrace (molární koncentrace neboli molarita roztoku)

- **udává počet molů složky v 1 litru (v 1000ml) roztoku dané koncentrace.**

Např.: je-li c = 0,25 mol/litr, znamená to, že v 1 litru (v 1000ml) tohoto roztoku je rozpuštěno 0,25 molu čisté složky.

Látkovou (molární) koncentraci vypočítáme podle vztahu

$$c = \frac{n_{\text{slož.}} / V_{\text{roztoku}}}{V_{\text{roztoku}}} = \frac{n_{\text{slož.}}}{M_{\text{slož.}} \cdot V_{\text{roztoku}}}$$

kde $n_{\text{slož.}}$ je počet molů složky, V_{roztoku} je objem roztoku v litrech, $M_{\text{slož.}}$ je molární hmotnost složky v g/mol. (pozn.: místo g/mol se také používá označení M).

Příklad 1: Vypočítejte hmotnost a) bezvodého uhličitanu sodného Na_2CO_3
b) krystalického dekahydruku uhličitanu sodného $\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot 10 \text{ H}_2\text{O}$
potřebnou na přípravu 500g roztoku o $p = 10\%$, tj. $w = 0,1$.

Výpočet: $m_{\text{rozt.}} = 500\text{g}$, $p = 10\%$, $m(\text{Na}_2\text{CO}_3) = ?$ $m(\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot 10 \text{ H}_2\text{O}) = ?$, $M(\text{Na}_2\text{CO}_3) = 106,01 \text{ g/mol}$, $M(\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot 10 \text{ H}_2\text{O}) = 286,17 \text{ g/mol}$.

$$\text{a)} \quad p = \frac{m_{\text{slož.}}}{m_{\text{roztoku}}} \cdot 100 = w \cdot 100, \quad \text{odtud} \\ m_{\text{slož.}} = p \cdot m_{\text{roztoku}} / 100 = 10 \cdot 500 / 100 = \mathbf{50 \text{ g Na}_2\text{CO}_3}$$

b) pro bezvodý uhličitan s $M(\text{Na}_2\text{CO}_3)$ je hmotnost 50 g,
pro krystalický uhličitan s $M(\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot 10 \text{ H}_2\text{O})$ je hmotnost $m'_{\text{slož.}}$, tj.

$$\begin{array}{rcl} 50 \text{ g} & \dots & 106,01 \text{ g/mol} \\ m'_{\text{slož.}} & \dots & 286,17 \text{ g/mol} \end{array}$$

$$m'_{\text{slož.}} = 286,17 \cdot 50 / 106,01 = \mathbf{134,97 \text{ g Na}_2\text{CO}_3 \cdot 10 \text{ H}_2\text{O}}$$

Odpověď: Na přípravu roztoku je potřeba a) 50 g bezvodého, b) 134,97 g krystalického uhličitanu sodného. Odvážená množství složky rozpustíme v a) 450 g, b) 365,03 g čisté destilované vody.

Příklad 2: Roztok etanolu o objemu 900 ml byl připraven zředěním 400 ml absolutního alkoholu. Jaká je koncentrace roztoku vyjádřená v objemových procentech?

Výpočet: $V_{\text{rozt.}} = 900 \text{ ml}$, $V_{\text{lihu}} = 400 \text{ ml}$, $p_{\text{lihu}} = 100 \text{ obj.\%}$, $p_{\text{obj.}} = ?$

$$p = \frac{V_{\text{slož.}}}{V_{\text{roztoku}}} \cdot 100 = \frac{V_{\text{slož.}}}{V_{\text{roztoku}}} \cdot 100 = \varphi \cdot 100, \\ p = \frac{400}{900} \cdot 100 = 44,44 \text{ obj.\%}$$

Příklad 3: Kolik cm^3 30% kyseliny dusičné ($\rho = 1,18 \text{ g/cm}^3$) je potřeba na přípravu 500 cm^3 jejího 0,5 M roztoku?

Výpočet: $V_{\text{rozt.}} = 500 \text{ cm}^3$, $p_{\text{slož.}} = 30\%$, $M(\text{HNO}_3) = 63,03 \text{ g/mol}$, $c = 0,5 \text{ M}$, $V_{30} = ?$

Postupujeme tak, že nejdříve provedeme výpočet pro kyselinu 100%-ní, výsledek přepočítáme na kyselinu 30% a vydělíme hustotu této kyseliny.

$$m_{100} = c \cdot M(\text{HNO}_3) \cdot V_{\text{rozt.}} = 0,5 \cdot 63,03 \cdot 0,5 = 15,76 \text{ g} \quad \dots \quad 100\%-\text{ní kyseliny dusičné} \\ m_{30} \dots \quad 30\%-\text{ní k. dusičné}$$

$$m_{30} = 100/30 \cdot 15,76 = 52,53 \text{ g} \\ \mathbf{V_{30} = m_{30} / \rho = 52,53 / 1,18 = 44,71 \text{ cm}^3}$$

Odpověď: Na přípravu roztoku je třeba odměřit 44,71 ml 30% kyseliny dusičné.

Roztok připravíme tak, že do malého množství vody nalijeme odměřené množství kyseliny a v odměrné baňce doplníme destilovanou vodou na celkový objem roztoku 500 cm^3 .

Příklad 4: Kolik gramů a ml 65 % kyseliny dusičné je potřeba na přípravu 100 ml 10% roztoku této kyseliny?

$$V_{\text{rozt.}} = 100 \text{ ml}, c_1 = 10 \%, c_2 = 65\%, \rho_{10} = 1,047 \text{ g.cm}^{-3}, m_{65} = ?, V_{65} = ?$$

Výpočet: 100 ml 10%-ního roztoku přepočítáme na hmotnost

$$m_{10} = V_{\text{rozt.}} \cdot \rho_{10} = 100 \cdot 1,047 = 104,7 \text{ g}$$

Vypočítáme m_{100} kys. dusičné HNO_3 ve 104,7 g 10% roztoku :

104,7 g 10% roztoku odpovídá 10,47 g 100% HNO_3 = m_{100}

m_{100} přepočítáme na m_{65}

$$\begin{array}{l} \text{↑} 10,47 \text{ g } 100\% \text{ HNO}_3 \\ \text{m}_{65} 65 \% \\ \hline \text{m}_{65} = \frac{100 \cdot 10,47}{65} = 16,11 \text{ g} \\ \text{V}_{65} = \frac{\text{m}_{65}}{\rho_{65}} = \frac{16,11}{1,39} = 11,59 \text{ ml} \end{array}$$

Odpověď: Roztok připravíme odvážením 16,11 g nebo odměřením 11,59 ml 65 % kyseliny dusičné, kterou vpravíme do odměrné baňky s malým množstvím vody a doplněním vodou na celkový objem 100 ml.

c) ředění a směšování roztoků

Výpočet koncentrace zředěných roztoků se dá provést několika způsoby. Vhodným způsobem je výpočet podle *směšovací rovnice* nebo *směšovacího pravidla* tzv. *křížového pravidla*. Vždy je nutno si však uvědomit, že

- zředováním roztoku jeho koncentrace klesá,
 - množství rozpuštěné látky (složky) v roztoku zůstává stejné,
 - míseme-li dva roztoky různých koncentrací, je hmotnost výsledného roztoku vždy součtem hmotností jednotlivých roztoků a výsledné množství rozpuštěné látky (složky) je dáno součtem hmotností látek obsažených ve výchozích roztocích,
 - hmotnostní procentová koncentrace čisté složky je 100% ($w = 1$),
 - hmotnostní procentová koncentrace čistého rozpouštědla je 0% ($w = 0$).

Směšovací rovnice

je dána takto:

$$p_1m_1 + p_2m_2 + \dots + p_nm_n = p(m_1 + m_2 + \dots + m_n),$$

kde m_1 , m_2 až m_n jsou hmotnosti jednotlivých roztoků, p_1 , p_2 až p_n jsou hmotnostní procentové koncentrace příslušných roztoků, p je výsledná koncentrace roztoku a $(m_1 + m_2 + \dots + m_n)$ je výsledná hmotnost roztoku. Z rovnice lze vypočítat každou požadovanou veličinu.

Křížové pravidlo

je jiným vyjádřením směšovací rovnice. Lze ji zapsat následovně:

$$p_1 \xrightarrow{\hspace{1cm}} (p - p_2) \text{ hm. dílů roztoku o konc. } p_1$$

p

$$p_2 \xrightarrow{\hspace{1cm}} (p_1 - p) \text{ hm. dílů roztoku o konc. } p_2$$

kde p_1 a p_2 jsou hmotnostní konc. jednotlivých roztoků, p je výsledná konc. roztoku.

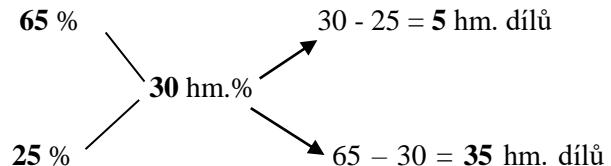
Poměr hodnot $(p - p_2)$ a $(p_1 - p)$ udává hmotnostní poměr míšení roztoků příslušných hmotnostních procentových koncentrací.

Objem roztoku zjistíme přenášem přes hustotu roztoku ze vztahu $V = m/\rho$.

Příklad 1: V jakém poměru nutno smísit dva roztoky o konc. 65 % a 25 %, aby výsledný roztok měl konc. 30 % ?

Řešení: $p_1 = 65\%$, $p_2 = 25\%$, $p = 30\%$

Podle křížového pravidla



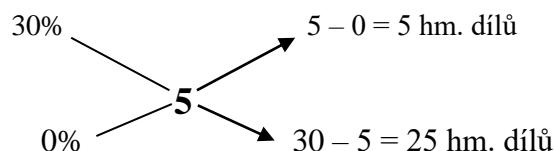
Výše uvedené křížové pravidlo udává, že jednotlivé roztoky nutno smíchat v poměru **5 : 35** tj. **5 hmotnostních dílů roztoku o konc. 65 % a 35 hmotnostních dílů roztoku o konc. 25 %**. Získáme tak celkem **40 hmotnostních dílů o konc. 30 %**.

Příklad 2. Kolik ml 30 %ní kyseliny chlorovodíkové ($\rho_{30} = 1,149 \text{ g/cm}^3$) použijeme k přípravě 2000 ml 5 %ního roztoku této kyseliny ($\rho_5 = 1,024 \text{ g/cm}^3$).

Řešení: $V_5 = 2000 \text{ ml}$, $p = 5\%$, $p_1 = 30\%$, $p_2 = p_{\text{vody}} = 0\%$, $V_{30} = ?$

$$m_5 = V_5 \cdot \rho_5 = 2000 \cdot 1,024 = 2048 \text{ g (hmotnost roztoku, který máme připravit).}$$

Podle křížového pravidla



vyplyná, že smícháním 5 gramů 30 % roztoku s 25 gramy vody získáme 30 gramů 5 %ního roztoku.

Odtud dále plyne, že

$$\begin{array}{ll} \text{na } 30 \text{ g } 5\% \text{ roztoku} \dots \dots \dots & 5 \text{ gramů } 30\% \text{ roztoku} \\ \text{na } 2048 \text{ g } " & " \dots \dots \dots m_{30} \text{ gramů } " \end{array}$$

$$m_{30} = \frac{2048 \cdot 5}{30} = 341,3 \text{ g ; } V_{30} = \frac{m_{30}}{\rho_{30}} = \frac{341,3}{1,149} = \mathbf{297,04 \text{ ml } 30\% \text{ roztoku}}$$

Odpověď: na přípravu 2000 ml 5 % roztoku kyseliny chlorovodíkové je potřeba 297,04 ml jejího 30 % roztoku. Roztok připravíme tak, že k malému množství vody, např. 1000 ml, přidáme vypočítaný objem kyseliny a doplníme čistou vodou na celkový objem 2000 ml.

Příklady pro procvičení:

- 1) Rozpustnost chloridu sodného je při 20°C 35,88 g ve 100 g čisté vody. Přepočítejte tuto hodnotu na hmotnost NaCl (v gramech) obsaženou ve 100 g nasyceného roztoku při stejně teplotě.
- 2) Ve 100 nasyceného vodného roztoku dusičnanu olovnatého Pb(NO₃)₂ při teplotě 50°C je obsaženo 44 g čisté látky. Jaká bude rozpustnost této látky v přepočtu na 100 čistého rozpouštědla (vody) při stejně teplotě?
- 3) Kolik gramů dusičnanu olovnatého Pb(NO₃)₂ se vyloučí při ochlazení 150 gramů nasyceného roztoku této sloučeniny z teploty 100°C na teplotu 50°C. Rozpustnost Pb(NO₃)₂ při 100°C je 56 g na 100 g nasyceného roztoku a rozpustnost Pb(NO₃)₂ při 50°C je 44 g na 100 g nasyceného roztoku ?
- 4) Kolik gramů čisté H₂SO₄ obsahuje 5000 ml roztoku o koncentraci 0,1 mol/l ? M(H₂SO₄) = 98 g/mol.
- 5) Roztok soli byl připraven rozpouštěním 50 g soli v 200 gramech vody. Jaký je hmotnostní zlomek soli v roztoku ?
- 6) Kolik ml 60 %ní HNO₃ (hustota 1,37 g/cm³) je potřeba na přípravu 500 ml roztoku o molární koncentraci 0,1 mol/l ? M(HNO₃) = 63 g/mol ?
- 7) K 150 g roztoku KOH o p=3% bylo přidáno dalších 25 gramů čistého KOH. Jaká je výsledná procentová koncentrace roztoku ?
- 8) Kolik gramů NaOH obsahuje 3000 ml roztoku o koncentraci 0,05 mol/l ? M(NaOH) = 40 g/mol
- 9) Kolik ml 64 % HNO₃ / hustota 1,39 g/cm³ je potřeba na přípravu 500 ml jejího 2M roztoku ? M(HNO₃) = 63 g/mol ?
- 10) Kolik gramů vody je nutno přidat k 350 g 10% roztoku KI, aby vznikl 6% roztok ?

- 11) Roztok připravíme rozpuštěním 35 g NaCl ve 150 ml vody . Jaká je procentuální koncentrace ?
- 12) Vypočítejte výslednou koncentraci roztoku, který byl připraven smísením 6 kg 96% roztoku kyseliny sírové a 25 kg 10%ního vodného roztoku této kyseliny. [26,64 %]
- 13) Vypočítejte množství vody, kterého je třeba použít k ředění 10 kg 65%ní kyseliny dusičné na kyselinu 2 %. [315 kg vody]
- 14) Přídavkem 250 gramů 96 % roztoku kyseliny sírové k jejímu 3 % roztoku ($\rho = 1,018 \text{ g/ml}$) se změnila původní koncentrace na 25 %. Vypočítejte, kolika mililitru 3 % roztoku bylo k ředění použito. [806,62 g, tj. 792,55 ml 3 %ní kyseliny sírové]
- 15) Vypočítejte, kolik gramu dihydrátu chloridu barnatého je třeba odvážit na přípravu
 a) 150g roztoku o konc. $p = 5 \%$,
 b) 250 ml roztoku o konc. 0,2 mol/litr.
- 16) Kolikaprocentní roztok vznikne smíšením 1500 g 35 % roztoku a 500 g 15 % roztoku téže látky ?
- 17) Kolik ml vody musíme přidat k 200 g 2,5 % roztoku, má-li se připravit roztok 0,215 %?
- 18) Kolik gramů bezvodého uhličitanu sodného o čistotě 92 % se musí přidat k 2600 g 30 % roztoku, aby výsledný roztok byl 50 %ní ? [1238 g 92 % uhličitanu]

D) Výpočty z chemických rovnic

Úvodní poznámka: Chemická rovnice udává po kvantitativní stránce průběh reakce za předpokladu, že

- a) reaktanty i produkty jsou absolutně (100%) čisté ,
- b) chemická reakce je jednosměrná (její účinnost = 1).

Mají-li reaktanty nižší koncentraci než 100 % nebo účinnost reakce je nižší než 1, je nutné při výpočtu vycházet z ideálních podmínek (viz výše a a b) a pak zadané údaje přepočítat !! Je dána rovnice reakce



kde A,B,C,D ...jsou obecně reagující a vznikající látky,
 a, b, c, dje počet molů odpovídajících látek
 (obecně **n**).

Počty molů jednotlivých látek jsou si navzájem odpovídající (ekvivalentní) a platí základní vztah pro výpočet počtů molů (obecně **n**)

$$\boxed{n = \frac{m}{M} = \frac{V}{V_m} = \frac{N}{N_A} = c \cdot V_{\text{rozt.}}}$$

Počet molů látky (složky) odpovídá

- dané **hmotnosti složky** – $m_A = a \cdot M_A$, $m_B = b \cdot M_B$ atd.,
- danému **objemu složky** (u plynu a páru) – $V_A = a \cdot V_M$, $V_B = b \cdot V_M$ atd.,
- dané **látkové koncentraci a objemu roztoku složky** (pro roztoky látek) – $c_A = a / V_{\text{rozt.} A}$, $c_B = b / V_{\text{rozt.} B}$ atd., kde m_A , m_B jsou hmotnosti složek, M_A , M_B ..jejich molární hmotnosti, V_A , V_B jsou objemy složek, V_M ...je molární objem, c_A , c_Bjsou koncentrace roztoků složek, $V_{\text{rozt.} A}$, $V_{\text{rozt.} B}$jsou objemy roztoků látek A,B atd.

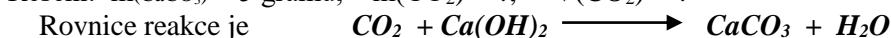
Příkladně : Pro danou reakci $2 NaOH + H_2SO_4 \longrightarrow Na_2SO_4 + 2 H_2O$

z rovnice vyplývá, že např.

- a) 2 moly NaOH reagují s 1 molem kyseliny sírové,
- b) 0,5 molu NaOH reaguje s 0,25 molu kyseliny sírové,
- c) $2 \cdot 40 = 80 \text{ g NaOH reaguje s } 1 \cdot 98 \text{ g kys. sírové (čisté, 100%), ale rovněž}$
- d) 40 g NaOH reaguje s 49 g kys. sírové (čisté, 100%), a dále
- e) 1 litr 2 M NaOH reaguje s 1 litrem 1 M kys. sírové,
- f) 1 ml 1 M NaOH reaguje s 0,5 ml 1M H₂SO₄ nebo s 1 ml 0,5 M kyseliny atd.

Příklad 1. Kolik gramů a litrů CO₂ reagovalo s hydroxidem vápenatým Ca(OH)₂, vzniklo-li 5 gramů sraženiny CaCO₃?

Řešení: m(CaCO₃) = 5 gramů, m(CO₂) = ?, V(CO₂) = ?



Z rovnice vyplývá, že

1 mol CO₂ dává při reakci 1 mol CaCO₃ tj. 100 g CaCO₃

5 gramů tj. 0,05 molu CaCO₃ vznikne při reakci 0,05 molu CO₂ tj. 0,05 . 44 = 2,2 g CO₂

Získanou hmotnost přepočítáme na objem V(CO₂)

$$V(\text{CO}_2) = 0,05 \text{ molu CO}_2 \cdot V_M = 0,05 \cdot 22,4 = 1,12 \text{ litrů}$$

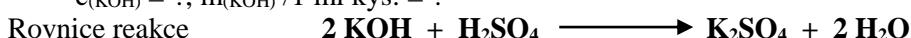
Při reakci reagovalo 2,2 g tj. 1,12 litrů CO₂.

Příklad 2. 20 ml roztoku KOH bylo zneutralizováno 5 ml roztoku kyseliny sírové o konc. c = 0,2 mol/l. Vypočítejte: a) látkovou koncentraci roztoku KOH,

b) hmotnost KOH, která odpovídá 1 ml dané kyseliny sírové.

Výpočet: V_(KOH) = 20 ml = 20 · 10⁻³ litru; c_(H₂SO₄) = 0,2 M; V_(H₂SO₄) = 5 ml = 5 · 10⁻³ litru

$$c_{(\text{KOH})} = ?, m_{(\text{KOH})} / 1 \text{ ml kys.} = ?$$



a) z rovnice vyplývá, že 2 mol.... 1 mol

Počet molů H₂SO₄ v reakci je n_(H₂SO₄) = c · V = 0,2 · 5 · 10⁻³ = 0,001 molů

a odpovídá polovině molů KOH. Proto

$$n_{(\text{H}_2\text{SO}_4)} = \frac{1}{2} n_{(\text{KOH})},$$

$$n_{(\text{KOH})} = 2 \cdot n_{(\text{H}_2\text{SO}_4)} = 2 \cdot 0,001 = 0,002 \text{ molu. Pak}$$

$$c_{(\text{KOH})} = n_{(\text{KOH})} / V_{(\text{KOH})} = 0,002 / 20 \cdot 10^{-3} = 0,1 \text{ M}$$

Jiný postup výpočtu:

Z rovnice vyplývá, že

5 ml roztoku kys. sírové o konc. c₁ = 0,2 mol/litr zreaguje s 10 ml roztoku KOH (V₁) o konc.

c₁ = 0,2 mol/litr nebo 20 ml roztoku KOH(V₂) o konc. c₂ = ?

$$\text{Pak platí, že } V_1 \cdot c_1 = V_2 \cdot c_2$$

$$\text{Po dosazení } 10 \cdot 0,2 = 20 \cdot c_2$$

$$\text{Odtud } c_2 \equiv c(\text{KOH}) = 0,1 \text{ mol/litr} \equiv c(\text{KOH})$$

b) z rovnice vyplývá, že 1 ml 0,2 M kys. sírové zreaguje s 2 ml 0,2 M KOH

Proto vypočítáme hmotnost KOH tj. m_(KOH) ve 2 ml 0,2 M KOH.

$$m_{(\text{KOH})} = c \cdot M \cdot V = 0,2 \cdot 56,11 \cdot 2 \cdot 10^{-3} = 0,0224 \text{ g}$$

Odpověď: a) Látková koncentrace roztoku KOH je 0,1 mol/l.

c) 1 ml 0,2 M kyseliny sírové odpovídá 2,24 · 10⁻² g KOH.

Příklad 3. 100 ml roztoku hydroxidu vápenatého zreagovalo s 25 ml kys. chlorovodíkové o konc.

$$c = 0,1 \text{ mol/litr.}$$

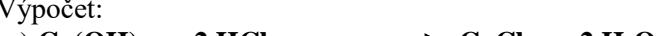
a) zapište rovnici reakce,

b) vypočítejte hmotnost čistého hydroxidu vápenatého, která odpovídá 1 ml kys. chlorovodíkové uvedené koncentrace, (M_{Ca(OH)₂}) = 74,00 g/mol),

c) vypočítejte hmotnost čistého hydroxidu vápenatého ve 100 ml roztoku,

d) vypočítejte molární koncentraci c hydroxidu vápenatého.

Výpočet:



$$1 \text{ mol} \quad 2 \text{ moly}$$

b) V_{HCl} = 1 ml = 1 · 10⁻³ l, c_{HCl} = 0,1 mol/l, m_{Ca(OH)₂} / 1 ml HCl = ?

$$n_{\text{HCl}} = c_{\text{HCl}} \cdot V_{\text{HCl}} = 0,1 \cdot 1 \cdot 10^{-3} = 1,10^{-4} \text{ mol};$$

$$n_{\text{Ca}(\text{OH})_2} = \frac{1}{2} n_{\text{HCl}}; \quad m_{\text{Ca}(\text{OH})_2} = n_{\text{Ca}(\text{OH})_2} \cdot M_{\text{Ca}(\text{OH})_2} =$$

$$m_{\text{Ca}(\text{OH})_2} = \frac{1}{2} n_{\text{HCl}} \cdot M_{\text{Ca}(\text{OH})_2} = 0,5 \cdot 10^{-4} \cdot 74 = 3,7 \cdot 10^{-3} \text{ g}$$

1 ml kys. chlorovodíkové o konc. 0,1 mol/l zreaguje s 3,7 · 10⁻³ g hydroxidu vápenatého.

c) V_{HCl} = 25 ml = 25 · 10⁻³ l, c_{HCl} = 0,1 mol/l, m_{Ca(OH)₂} / 100 ml rozt. = ?

$$n_{\text{HCl}} = c_{\text{HCl}} \cdot V_{\text{HCl}} = 0,1 \cdot 25 \cdot 10^{-3} = 2,5 \cdot 10^{-3} \text{ molu}$$

Z rovnice plyne, že n_{Ca(OH)₂} / 100 ml rozt. = ½ n_{HCl} = 1,25 · 10⁻³ mol Ca(OH)₂.

Pak $\mathbf{m_{Ca(OH)_2} / 100 \text{ ml rozt} = n_{Ca(OH)_2} / 100 \text{ ml rozt} \cdot M_{Ca(OH)_2} = 9,25 \cdot 10^{-2} \text{ g}}$

Ve 100 ml roztoku hydroxidu vápenatého je obsaženo $1,25 \cdot 10^{-3}$ mol tj. $9,25 \cdot 10^{-2}$ g $Ca(OH)_2$.

d) $c_{Ca(OH)_2} = ?$; $V_{\text{roztoku } Ca(OH)_2} = 100 \text{ ml} = 0,1 \text{ l}; \quad n_{Ca(OH)_2} / 100 \text{ ml rozt} = 1,25 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$

$$\mathbf{c_{Ca(OH)_2} = n_{Ca(OH)_2} / 100 \text{ ml rozt} / V_{\text{roztoku } Ca(OH)_2} = 1,25 \cdot 10^{-3} / 0,1 = 1,25 \cdot 10^{-2} \text{ M}}$$

Molární koncentrace roztoku hydroxidu vápenatého je $1,25 \cdot 10^{-2}$ mol/l.

Příklady k procvičení

1. Kolik molů a litrů amoniaku vznikne při reakci 0,5 molu dusíku s vodíkem? Rovnice reakce je



2. 100 ml roztoku hydroxidu vápenatého zreagovalo při neutralizaci s 25 ml kys. chlorovodíkové o konc. $c = 0,1$ mol/litr.

- zapište rovnici reakce,
- vypočítejte hmotnost čistého hydroxidu vápenatého, která odpovídá 1 ml kys. chlorovodíkové o konc. $c = 0,1$ mol/l, je-li M (hydroxidu vápenatého) = 74,0 g/mol,
- vypočítejte hmotnost čistého hydroxidu vápenatého v roztoku,
- vypočítejte molární konc. c hydroxidu vápenatého.

3. Je dána rovnice reakce: $4 NH_3 + 5 O_2 \longrightarrow 4 NO + 6 H_2O$

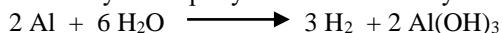
Určete a vypočítejte:

- kolik molů kyslíku zreaguje s 1 molem amoniaku NH_3 ?
- jaká bude hmotnost oxidu dusnatého, je-li $M(NO) = 30$ g/mol?
- kolik litrů oxidu dusnatého NO při tom vznikne?
- kolik literů kyslíku se při reakci spotřebuje?

4. Kovový zinek rozkládá kyselinu chlorovodíkovou a vzniká vodík a chlorid zinečnatý.

- zapište rovnici reakce
- vypočítejte hmotnost čisté kyseliny zreaguje s 10 gramy zinku, je-li $M(Zn) = 65,4 \text{ g} \cdot mol^{-1}$, $M(HCl) = 36,5 \text{ g} \cdot mol^{-1}$.
- vypočítejte hmotnost zinku, který zreaguje s 1 ml kyseliny chlorovodíkové o koncentraci $c = 0,2 \text{ mol/l}$.

5. Hliník rozkládá za zvýšené teploty vodu na vodík a hydroxid hlinitý podle rovnice



Určete a vypočítejte, kolik molů a litrů vodíku se uvolní při reakci 0,5 molu hliníku?

6. Oxid sírový se slučuje s vodou za vzniku kyseliny sírové.

- Zapište rovnici reakce,
- vypočítejte hmotnost čisté kyseliny sírové, která vznikne při reakci 4 gramů oxidu sírového s vodou $M(\text{oxidu sírového}) = 80,0 \text{ g/mol}$, $M(\text{kyseliny sírové}) = 98 \text{ g/mol}$,
- vypočítejte molární koncentraci kyseliny, má-li vzniklý roztok kyseliny sírové objem 500 ml,
- vypočítejte hmotnostní procentovou koncentraci vzniklého roztoku, je-li hustota roztoku rovná 1 g/ml.

7. Chemicky čisté železo se připravuje reakcí oxidu železitého Fe_2O_3 s kovovým hliníkem podle rovnice:



Určete a vypočítejte:

- kolik molů hliníku zreaguje se 2 moly oxidu železitého a kolik molů železa vznikne,
- kolik čistého oxidu železitého je potřeba k přípravě 11,2 gramů čistého železa?
 $M(Fe_2O_3) = 159,7 \text{ g/mol}$, $M(Fe) = 55,8 \text{ g/mol}$.

8. Při neutralizaci hydroxidu sodného kyselinou chlorovodíkovou vzniká chlorid sodný a voda. Zapište rovnici reakce a vypočítejte

- hmotnost čisté (100 %-ní) kys. chlorovodíkové je potřeba k získání 14,6 g chloridu sodného.
 $M(\text{kys. chlorovodíkové}) = 36,5 \text{ g} \cdot mol^{-1}$, $M(\text{chloridu sodného}) = 58,45 \text{ g} \cdot mol^{-1}$)
- hmotnost kyseliny z bodu b) přeypočítejte na 30 %-ní kys. chlorovodíkovou,
- hmotnost kyseliny z bodu b) přeypočítejte na objem kyseliny o koncentraci $c = 0,5 \text{ mol/l}$.

9. Peroxid vodíku se rozkládá samovolně na kyslík a vodu podle rovnice $2 H_2O_2 \longrightarrow 2 H_2O + O_2$. Kolik molů a kolik literů kyslíku se uvolní při rozkladu 10 molů peroxidu vodíku?

10. Zinek vytěsňuje z roztoku síranu měďnatého čistou měď a vzniká ještě síran zinečnatý.
- zapište rovnici reakce
 - kolik molů síranu měďnatého zreaguje s 0,5 molu zinku ?
 - vypočítejte hmotnost mědi, která se vyloučí při reakci 10 g zinku (počítejte na dvě desetinná místa)
 $M(\text{zinek}) = 65,38 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$, $M(\text{měď}) = 63,54 \text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$,
 - vypočítejte hmotnost mědi při reakci s 20 ml roztoku síranu měďnatého o konc. $c = 1 \text{ mol/litr}$.
 $M(\text{síranu měďnatého}) = 159,4 \text{ g/mol}$.